

Total number of printed pages-28

3 (Sem-6/CBCS) MAT RE 1/2

2022

MATHEMATICS

(Regular Elective)

Answer the Questions from any one Option.

OPTION-A

(*Numerical Analysis*)

Paper : MAT-RE-6016

Full Marks : 80

Time : Three hours

OPTION-B

(*Programming in C*)

Paper : MAT-RE-6026

Full Marks : 60

Time : Three hours

The figures in the margin indicate full marks for the questions.

Answer either in English or in Assamese.

Contd.

OPTION-A

(Numerical Analysis)

Paper : MAT-RE-6016

1. Answer the following questions : (**any ten**)

$1 \times 10 = 10$

তলত দিয়া যিকোনো 10টা প্রশ্নের উত্তর করা :

(a) What is the $(n+1)^{\text{th}}$ order difference of the n^{th} degree polynomial ?

n তম মাত্রার বহুপদ রাশির $(n+1)$ তম ক্রমের অন্তর কি হ'ব ?

(b) Fill in the blank :

খালী ঠাই পূরণ করা :

$$\Delta f(x_i) = \underline{\hspace{2cm}}.$$

(c) What do you mean by numerical integration ?

সংখ্যাত্মক অনুকলন কাক বোলে ?

(d) Name an interpolation polynomial that should be used to interpolate a function whose input data are not equally spaced.

এটা অন্তর্বেশন বহুপদৰ নাম লিখা যি এটা ফলনক
অন্তর্বেশন কৰে, য'ত ৰাশিসূচকবোৰৰ ৰাশি অন্তৰাল সমান
নহয়।

- (e) In the Gaussian elimination method,
the resulting co-efficient matrix for
the linear system of equations is
transformed into

Gaussian elimination বিধি ব্যৱহাৰ কৰোতে এটা
বৈধিক গোটৰ ওণাংক মেট্ৰিক্স কোনটো ৰূপলৈ ৰূপান্তৰ
হয়?

- (i) Lower triangular matrix
 - (ii) Upper triangular matrix
 - (iii) Diagonal matrix
 - (iv) None of the above
- ওপৰৰ এটাৰ নহয়

- (f) If x_T is the true value and x_A is the
approximate value, write the expression
for relative error.

যদি x_T সঁচা মূল্য আৰু x_A আনুমানিক মূল্য হয়,
তেতিয়া আপেক্ষিক ত্রুটি কি হ'ব?

(g) When is Newton's divided difference formula used ?

নিউটন বিভাজিত অন্তরের সূত্রটো কেতিয়া ব্যবহার কৰা হয় ?

(h) Which direct method is used for finding the inverse of a square matrix ?

কোনটো প্রত্যক্ষ বিধিৰে এটা matrix-ৰ অতিলোম উলিয়াৰ পাৰি ?

(i) Gauss elimination method

(ii) Gauss-Jordan method

(iii) Gauss-Seidel method

(iv) None of the above

ওপৰত এটাৰ নহয়

(i) Prove (প্ৰমাণ কৰা) :

$$\Delta \equiv E - I$$

(j) What are the advantages of Lagrange's interpolation formula ?

লাগ্ৰাঞ্জৰ অন্তৰেশন সূত্রটোৰ সুবিধাবোৰ কি কি ?

- (k) State an elementary row operation that acts on the co-efficient matrix when solving a system of linear equations.

বৈশিক সমীকরণ গোটোর সমাধান করোতে ব্যবহার কৰা যি কোনো এটা elementary row operation লিখা, যিটোৱে গুণাংক মেট্রিক্স ওপৰত কাৰ্য কৰে।

- (l) Where is Euler's method used ?

Euler's method কত ব্যবহার কৰা হয়?

- (m) If $f(x_i) = y_i$, $f(x_{i-1}) = y_{i-1}$,

$$f(x_{i+1}) = y_{i+1}$$

write down the first derivative backward difference formula.

$$\text{ওপৰৰ } f(x_i) = y_i, \quad f(x_{i-1}) = y_{i-1},$$

$f(x_{i+1}) = y_{i+1}$ ৰ কাৰণে first derivative backward difference সূত্র লিখ।

- (n) Show (দেখুওৱা যে)

$$\nabla E \equiv \Delta$$

- (o) Give the relation between the rank 'r' of a matrix A and the consistent system of equations $A\bar{x} = \bar{b}$.

এটা matrix A যাৰ rank r আৰু এটা সুসংগত সমীকৰণ প্ৰণালী $A\bar{x} = \bar{b}$ ৰ মাজৰ সম্বন্ধ লিখ।

2. Answer **any five** questions : $2 \times 5 = 10$

যিকোনো ৫টা প্রশ্নের উত্তর দিয়া :

(a) Show that (দেখুওৱা যে)

$$\Delta(x + \cos x) = h - 2 \sin\left(x + \frac{h}{2}\right) \sin\left(\frac{h}{2}\right)$$

where h is the interval of differencing.

য'ত ' h ' বাস্তুজি অন্তরাল হয়।

(b) Show that the third divided

difference of the function $f(x) = \frac{1}{x}$

with arguments a, b, c, d is $-\frac{1}{abcd}$.

যদি $f(x) = \frac{1}{x}$ হয়, বাস্তুসূচক a, b, c, d র কাবণে

তৃতীয় বিভাজিত অন্তর মান $-\frac{1}{abcd}$ হয় বুলি

দেখুওৱা।

(c) Establish the relation :

সম্বন্ধটো স্থাপন কৰা :

$$(I + \Delta)(I - \nabla) = I$$

- (d) Find $\int_0^2 f(x) dx$ where $f(x) = e^{-x^2}$
using Simpson's $\frac{1}{3}$ rule.

Simpson র $\frac{1}{3}$ সূত্র ব্যবহার করি
 $\int_0^2 f(x) dx$, যত $f(x) = e^{-x^2}$ উলিওৱা।

- (e) Construct the forward difference table for the data :

তলত দিয়া তালিকাৰ পৰা ফৰৱাৰ্ড অন্তৰৰ টেবুল এখন
গঠন কৰা :

x	0	1	2	3	4
y	3	6	11	18	27

- (f) What is the difference between direct methods and iterative methods for solving a system of linear equations ? Give an example of each method.

বৈধিক সমীকৰণৰ গোট সমাধান কৰা প্ৰত্যক্ষ বিধি আৰু
পুনৰাবৃত্তি বিধিৰ পাৰ্থক্য কি? দুয়োটাৰে এটাকৈ উদাহৰণ
দিয়া।

- (g) What is extrapolation ? Name an extrapolation method.

Extrapolation মানে কি? এটা extrapolation
বিধিৰ নাম লিখা।

(h) Consider the points $(x_0, y_0) = (1, 2)$,
 $(x_1, y_1) = (2, 4)$, $(x_2, y_2) = (3, 8)$,
 $(x_3, y_3) = (4, 16)$, $(x_4, y_4) = (5, 32)$
Estimate $f'(x_2) = f'(3)$ using central difference formula.

তলৰ বিন্দুসমূহৰ পৰা $(x_0, y_0) = (1, 2)$,
 $(x_1, y_1) = (2, 4)$, $(x_2, y_2) = (3, 8)$,
 $(x_3, y_3) = (4, 16)$, $(x_4, y_4) = (5, 32)$,
 $f'(x_2) = f'(3)$ ৰ আনুমানিক মান central
difference formula সহায়ত উলিওৱা।

3. Answer **any 4** questions : $5 \times 4 = 20$

যিকোনো 4 টা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ দিয়া :

(a) Show that (দেখুওৱা যে)

$$(i) \quad \delta \equiv \nabla (I - \nabla)^{-\frac{1}{2}}$$

$$(ii) \quad E \Delta \equiv \Delta E \qquad \qquad \qquad 3+2=5$$

(b) Find the inverse of the matrix

$$A = \begin{bmatrix} 3 & -1 & 2 \\ 1 & 1 & 2 \\ 2 & -2 & -1 \end{bmatrix}$$

using Gauss-Jordan method.

Gauss-Jordan পদ্ধতি ব্যবহার করি

$$A = \begin{bmatrix} 3 & -1 & 2 \\ 1 & 1 & 2 \\ 2 & -2 & -1 \end{bmatrix}$$

ৰ পতিলোম উলিওৱা।

- (c) Use Gaussian elimination method to solve :

Gaussian elimination পদ্ধতি ব্যবহার করি
সমাধান কৰা :

$$\begin{aligned} x + 2y + 3z &= 1 \\ 2x + 6y + 10z &= 0 \\ 3x + 14y + 28z &= -8 \end{aligned}$$

- (d) Given (দিয়া আছে)

x	5	7	11	13	17
$f(x)$	150	392	1452	2366	5202

Evaluate $f(9)$ using Lagrange's interpolation formula.

লাগ্ৰাঞ্জৰ interpolation formula ব্যবহার কৰি
 $f(9)$ ৰ মান নিৰ্ণয় কৰা।

- (e) Find the piecewise linear interpolating polynomial for the data given below :

তলৰ তালিকাৰ কাৰণে piecewise linear
interpolating polynomial উলিওৱা :

x	0	1	2	3
y	0	1	0	-1

- (f) The following data for the function $f(x) = x^4$ is given find $f'(0.8)$ and $f''(0.8)$ using quadratic interpolation compare with exact solution.

$f(x) = x^4$ ৰ কাৰণে তলৰ তালিকা দিয়া আছে। Quadratic Interpolation ব্যৱহাৰ কৰি $f'(0.8)$ আৰু $f''(0.8)$ উলিওৱা। Exact Solution ৰ লগত তুলনা কৰা।

x	0.4	0.6	0.8
$f(x)$	0.0256	0.1296	0.4096

- (g) What is the general formula to solve an equation of the type $\frac{dy}{dx} = f(x, y)$ for a one-step method? Use Euler's method to numerically integrate

$$\frac{dy}{dx} = -2x^3 + 12x^2 - 20x + 8.5$$

from $x = 0$ to $x = 4$ with a step size of 0.5. The initial condition at $x = 0$ is $y = 1$. 1+4=5

$\frac{dy}{dx} = f(x, y)$ ধৰণৰ সমীকৰণ সমাধান কৰিবলৈ

এটা পদক্ষেপ থকা সাধাৰণ সূত্ৰ কি?

Eulerৰ নিয়ম ব্যৱহাৰ কৰি

$$\frac{dy}{dx} = -2x^3 + 12x^2 - 20x + 8 \cdot 5,$$

$$0 \leq x \leq 4, \quad h = 0.5, \quad y(0) = 1$$

সমাধান কৰা।

- (h) Find the approximate value of I using (i) trapezoidal rule, and

(ii) Simpson's $\frac{1}{3}$ rd rule. The exact

value of I is $I = \ln 2 = 0.693147$

(correct to six decimal places).

Find the absolute error in both cases.

2+2+1=5

(i) দিসামন্তবিক নিয়ম, আৰু (ii) চিম্পচনৰ $\frac{1}{3}$ নিয়ম

ব্যৱহাৰ কৰি I ৰ আনুমানিক মান উলিওৱা।

I ৰ exact মান $= \ln 2 = 0.693147$ (6 দশমিক
স্থানলৈ শুন্দি)।

দুয়োটা উত্তৰৰ কাৰণে absolute error উলিওৱা।

$$I = \int_0^1 \frac{dx}{1+x}$$

4. Answer **any 4** questions : $10 \times 4 = 40$

যিকোনো ৪টা প্রশ্নের উত্তর দিয়া :

- (a) Derive Newton-Gregory forward difference interpolation formula. Use it to obtain an interpolating polynomial for given data. Interpolate at $x = 0.25$.
 $5+5=10$

নিউটন-গ্রেগরী অগ্রগামী অন্তর্রেখন সূত্রটো প্রাপ্ত কৰা।
 ইয়াক ব্যৱহাৰ কৰি অন্তর্রেখন বহুপদ উলিওৱা।
 $f(0.25)$ বৰ মান লিখা।

x	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5
$f(x)$	1.40	1.56	1.76	2.00	2.28

- (b) Define backward difference operator. When should we use Newton-Gregory backward difference interpolation formula ? Mention an advantage and a disadvantage of this formula. For the data given below, find $f(7.5)$:

$1+1+2+6=10$

∇ সংকাৰকৰ সংজ্ঞা দিয়া। নিউটনৰ পশ্চাৎবত্তী অন্তর্রেখন সূত্ৰ কেতিয়া ব্যৱহাৰ কৰিব লাগে? এই সূত্ৰৰ এটা সুবিধা আৰু এটা অসুবিধা লিখা। তলত দিয়া তালিকাৰ পৰা $f(7.5)$ ৰ মান উলিওৱা :

x	1	2	3	4	5	6	7	8
$f(x)$	1	8	27	64	125	216	343	512

- (c) Find the solution of the system of equations correct to 3 decimal places, using Gauss-Seidel iteration method :

গাউচ-চেয়চদল পদ্ধতি ব্যবহার করি তলৰ বৈধিক সমীকৰণ গোটৰ সমাধান 3 দশমিক স্থানলৈ শুন্ধকৈ উলিওৱা :

$$\begin{aligned} 45x_1 + 2x_2 + 3x_3 &= 58 \\ -3x_1 + 22x_2 + 2x_3 &= 47 \\ 5x_1 + x_2 + 20x_3 &= 67 \end{aligned}$$

- (d) Solve the system of equations given below using Jacobi iteration method. Use the initial approximation as $x_i = 0 ; i = 1, 2, 3$.

জেকবি পুনৰাবৃত্তি বিধি ব্যবহার করি বৈধিক সমীকৰণ গোটৰ সমাধান কৰা।

(প্রারম্ভিক অনুমান $x_i = 0 ; i = 1, 2, 3$)

$$\begin{aligned} 4x_1 + x_2 + x_3 &= 2 \\ x_1 + 5x_2 + 2x_3 &= -6 \\ x_1 + 2x_2 + 3x_3 &= -4 \end{aligned}$$

- (e) Derive Newton's divided difference interpolation formula.

নিউটনৰ বিভাজিত অন্তৰৰ সূত্র উলিওৱা।

Find the interpolating polynomial from the data given below using divided differences : 5+5=10

তলত দিয়া তালিকাৰ পৰা বিভাজিত অন্তৰ ব্যৱহাৰ কৰি
অন্তৰ্শেণ বহুপদ উলিওৱা :

x	-2	0	2
$f(x)$	4	2	8

- (f) Name two numerical integration methods. What is Romberg integration ?
Derive the trapezoidal rule for numerical integration. 2+1+7=10

দুটা সংখ্যাত্মক অনুকলনৰ নিয়মৰ নাম লিখা।

Romberg অনুকলন কি? সংখ্যাত্মক অনুকলনৰ
দ্বিসাম্ভবিক নিয়ম উলিওৱা।

- (g) How can you find formulas for higher derivatives in numerical methods? Name a technique for improving the accuracy of a low order approximation formula.
- Find the first three derivatives of the function tabulated below at point $x = 2.5$: 1+1+8=10

সংখ্যাত্মক পদ্ধতিত উচ্চতর অৱকলজৰ সূত্ৰ কেনেকৈ উলিওৱাৰ পাৰি? শুন্দতা উন্নত কৰা কৌশল এটাৰ নাম লিখা। তালিকাৰ পৰা $f'(2.5)$, $f''(2.5)$, $f'''(2.5)$ উলিওৱা :

x	1.5	1.9	2.5	3.2	4.3	5.9
$f(x)$	3.375	6.059	13.625	29.368	73.907	196.579

- (h) Discuss the procedure for piecewise quadratic interpolation. Define a quadratic function and use it to interpolate the data given below :

5+5=10

Piecewise quadratic interpolation-ৰ পদ্ধতিৰ সম্পর্কে লিখা। এটা quadratic function-ৰ সংজ্ঞা দিয়া আৰু তাক ব্যৱহাৰ কৰি তলৰ তালিকা interpolate কৰা :

x	0	1	2	3
y	0	1	4	3

- (i) Write a short note on Euler's method.
 Give the geometric interpretation of Euler's method.
 Give an algebraic interpretation of Euler's method.
 Solve using Euler's method :

$$y' = x + y, \quad y(0) = 2 \text{ for } 0 \leq x \leq 1$$

$$h = 0.5. \quad 2+2+2+4=10$$

Euler র method র উপরত চমু টোকা লিখা।

Euler র method র জ্যামিতিক ব্যাখ্যা দিয়া।

Euler র method র এটা বীজগণিতীয় ব্যাখ্যা
 দিয়া। Euler Method ব্যবহার করি সমাধান
 কৰা :

$$y' = x + y, \quad y(0) = 2 \text{ for } 0 \leq x \leq 1$$

$$h = 0.5$$

- (j) How does Heun's method improve Euler's method? What is midpoint method? Why is it superior to Euler's method? Use the midpoint method to solve the equation :

$$y' = y x^2 - 1.2 y; \quad y(0) = 1 \text{ for } 0 \leq x \leq 2.$$

$$1+2+1+6=10$$

Heun-এর method যে Euler-এর method-ক
কেনেকুৱা কৈ উন্নত কৰে? Midpoint method
কি? ই Euler-এর method-তকৈ কিয় উৎকৃষ্ট?
Midpoint method ব্যৱহাৰ কৰি তলৰ সমীকৰণ
সমাধান কৰা :

$$y' = yx^2 - 1.2y; \quad y(0) = 1 \text{ for } 0 \leq x \leq 2$$

OPTION-B

(Programming in C)

Paper : MAT-RE-6026

1. Answer **any seven** parts : $1 \times 7 = 7$

যিকোনো সাতটা প্রশ্নের উত্তর দিয়া :

(a) Write the meaning of the two expressions $x=3$ and $x==3$ in C.

C ভাষাত $x=3$ আৰু $x==3$ ৰ অর্থ লিখা।

(b) Mention two logical operators used in C language.

C ভাষাত দুটা লজিকেল অপারেটোৰ উল্লেখ কৰা।

(c) What is a global variable ?

গ্লোবেল ভেবিয়েবল কি?

(d) What is the use of size of operator ?

Size of operator ৰ ব্যৱহাৰ কি?

(e) Write the general syntax of 'for' statement in C.

'for' বিবৃতিৰ সাধাৰণ বাক্যবিন্যাস C ভাষাত লিখা।

(f) Write the use of 'math.h' file in C.

C ভাষাত 'math.h' ফাইলৰ ব্যৱহাৰ লিখা।

(g) Mention two library functions used in C language.

C ভাষাত ব্যৱহৃত দুটা লাইব্ৰেৰী ফাংচন উল্লেখ কৰা।

(h) Is C a case sensitive language ?

C এটা আখৰ সংবেদনশীল ভাষা নেকি?

(i) What is the meaning of $x++$ in C language?

C ভাষাত $x++$ -ৰ অর্থ কি?

(j) Write the utility of 'clrscr()' function.

'clrscr()' ফাংচনৰ ব্যৱহাৰ লিখা।

2. Answer **any four** parts : $2 \times 4 = 8$

যিকোনো চাৰিটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ লিখা :

(a) Explain briefly the terms 'source program' and 'object program'.

'source program' আৰু 'object program'
শব্দ দুটা চমুকৈ ব্যাখ্যা কৰা।

(b) Write four 'keywords' or 'reserved' words used in C language.

C প্ৰগ্ৰামিং ভাষাত ব্যৱহৃত চাৰিটা 'কীৰ্ত্ত' বা 'বিজৰ্ভড়
ৱড়' লিখা।

- (c) Mention two types of numeric constants with examples.

উদাহরণসহ দুবিধ সংখ্যাগত ত্রুটক উল্লেখ করা।

- (d) Mention four basic data types used in C language.

C ভাষাত ব্যবহৃত চাবিটা মূল তথ্যৰ প্রকাৰ উল্লেখ কৰা।

- (e) Convert the following mathematical forms into C expressions :

তলত দিয়া গাণিতিক রূপসমূহক C অভিযন্তালৈ রূপান্তৰ কৰা :

$$(i) \quad \sin\left(\frac{y}{\sqrt{x^2 + y^2}}\right)$$

$$(ii) \quad \frac{a+b}{\sin \theta} + |x|$$

- (f) Evaluate C expression

$$y = a + b/c - a \% c + 2 * a, \text{ when } a = 5, b = 7, c = 2.$$

$a = 5, b = 7, c = 2$ ৰ বাবে C অভিযন্তি
 $y = a + b/c - a \% c + 2 * a$ ৰ মূল্যায়ন কৰা।

(g) Write the equivalent expressions of the following :

তলত দিয়াবোৰৰ সমতুল্য অভিব্যক্তি লিখা :

(i) $m+ = 10$

(ii) $m\% = 10$

(h) Mention the use of ‘comma(,) operator’ in C language, using a suitable example.

উপযুক্ত উদাহরণসহ C ভাষাত ‘comma(,) operator’-ৰ ব্যৱহাৰৰ বিষয়ে উল্লেখ কৰা।

3. Answer *any three* parts : $5 \times 3 = 15$

যিকোনো তিনিটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ দিয়া :

(a) Write the general form of ‘scanf()’ function in C. Explain with examples.

‘scanf()’ ফাংচনৰ সাধাৰণ কপটো C ভাষাত লিখা, আৰু উদাহৰণ সৈতে ব্যাখ্যা কৰা।

(b) Determine the output values of A and B from the following expressions in C :

A=5;

B=7;

A=A+B;

B=A-B;

A=A-B;

Write a program in C to reverse a two-digit number.

তলত দিয়া C অভিব্যক্তিসমূহৰ পৰা A আৰু Bৰ আউটপুট মান নিৰ্ণয় কৰা :

A=5;

B=7;

A=A+B;

B=A-B;

A=A-B;

দুটা অংকৰে গঠিত সংখ্যা এটা ওলোটা কৰিবলৈ C ভাষাত এটা প্ৰগ্ৰাম লিখা।

(c) Explain with examples, the 'if' statement and 'nested if' statement in C.

C ভাষাত 'if' বিবৃতি আৰু 'nested if' বিবৃতি উদাহৰণৰ সৈতে ব্যাখ্যা কৰা।

- (d) Write a C program that will read the value of x and evaluate the function

$$y(x) = \begin{cases} x^2 + 2x - 10 & \text{if } 0 < x < 10 \\ |x| & \text{if } x < 0 \end{cases}$$

এটা C প্রগ্রেম লিখা যি যে x -র মান পঢ়ি

$$y(x) = \begin{cases} x^2 + 2x - 10 & \text{যদি } 0 < x < 10 \\ |x| & \text{যদি } x < 0 \end{cases}$$

ফলনটোর মান মূল্যায়ন কৰিব।

- (e) Write a C program to sort a set of n numbers in ascending order.

n সংখ্যাৰ এটা গোটক আৰোহী ক্ৰমত সজাৰলৈ এটা C প্রগ্রেম লিখা।

- (f) Write a C program to find the total marks obtained by a student which in turn is the sum of the best of three test scores and the best of three assignment scores.

এজন ছাত্ৰই লাভ কৰা মুঠ নম্বৰ বিচাৰিবলৈ এটা C প্রগ্রেম লিখা যিটো পাছলৈ তিনিটা পৰীক্ষাৰ ভিতৰত সৰ্বোচ্চ আৰু তিনিটা এচাইনমেন্টৰ ভিতৰত সৰ্বোচ্চ নম্বৰৰ যোগফল হ'ব।

(g) What is meant by an ‘array’? Mention why arrays are referred to as ‘one-dimensional’ or ‘two-dimensional’. Also, mention how arrays are declared and values are accessed in an array.

‘অনুবিন্যাস’ কি? ‘অনুবিন্যাস’ক ‘একমাত্রিক’ বা ‘দ্বিমাত্রিক’ বুলি কিয় কোৱা হয় উল্লেখ কৰা। লগতে ‘অনুবিন্যাস’ কেনেকৈ ঘোষণা কৰা হয় আৰু ‘অনুবিন্যাস’ত মানসমূহ কেনেকৈ অভিগম কৰা হয় তাক উল্লেখ কৰা।

(h) Write a C program to find the factorial of a given positive integer n .

এটা নির্দিষ্ট ধনাত্মক পূর্ণসংখ্যা n -ৰ গোণিক বিচাৰিবলৈ এটা C প্ৰগ্ৰাম লিখা।

4. Answer **any three** parts : $10 \times 3 = 30$

যিকোনো তিনিটা প্ৰশ্নৰ উত্তৰ লিখা :

(a) Write the general form of ‘do-while’ loop and explain how it works with the help of a suitable example. Write a C program to find the following series :

$$S = 1 + (1 + 2) + (1 + 2 + 3) + \dots + (1 + 2 + 3 + \dots + N)$$

‘do-while’ লুপৰ সাধাৰণ কৃপটো লিখা আৰু এটা উপযুক্ত উদাহৰণৰ সহায়ত ই কেনেদৰে কাম কৰে সেই বিষয়ে ব্যাখ্যা কৰা। তলৰ শ্ৰেণীটো বিচাৰিবলৈ এটা C প্ৰগ্ৰাম লিখা :

$$S = 1 + (1 + 2) + (1 + 2 + 3) + \dots + (1 + 2 + 3 + \dots + N)$$

- (b) What are the uses of ‘break’ and ‘continue’ statements? Write a C program to show the utility of these two statements. Write the outputs. Write a C program to check whether the given number n is a prime number.

‘break’ আৰু ‘continue’ বিবৃতিৰ ব্যৱহাৰ কি কি? এই দুটা বিবৃতিৰ উপযোগিতা দেখুৱাবলৈ এটা C প্ৰগ্ৰাম লিখা। আউটপুটবোৰো লিখা। প্ৰদত্ত সংখ্যা n এটা মৌলিক সংখ্যা নেকি পৰীক্ষা কৰিবলৈ এটা C প্ৰগ্ৰাম লিখা।

- (c) Explain the general form of ‘switch’ statement with the help of an example. Write a C program to find the roots of a quadratic equation $ax^2 + bx + c = 0$ for all possible combinations of a, b, c .

এটা উদাহৰণৰ সহায়ত ‘switch’ বিবৃতিৰ সাধাৰণ কৃপটো ব্যাখ্যা কৰা। a, b, c -ৰ সকলো সম্ভাৱ্য সংমিশ্ৰনৰ বাবে এটা দ্বিঘাত সমীকৰণ $ax^2 + bx + c = 0$ ৰ মূল বিচাৰিবলৈ এটা C প্ৰগ্ৰাম লিখা।

- (d) Write a C program to find the mean, variance, standard deviation and the smallest number of given n numbers.

প্রদত্ত n সংখ্যার গড়, প্রসরণ, মানক বিচলন, আৰু
আটাইতকৈ সৰু সংখ্যাটো বিচাৰিবলৈ এটা C প্ৰগ্ৰাম
লিখা।

- (e) Using examples explain how looping structures are used to read or write one, two and three-dimensional ‘arrays’. Write a C program to find the trace of a given square matrix of order $m \times m$.

এক, দুই আৰু ত্ৰিমাত্ৰিক ‘অনুবিন্যাস’ পঢ়িবলৈ বা
লিখিবলৈ লুপিং গঠন কেনেকৈ ব্যৱহাৰ কৰা হয় উদাহৰণৰ
সৈতে ব্যাখ্যা কৰা। $m \times m$ ক্ৰমৰ এটা নিৰ্দিষ্ট বৰ্গ
মৌলকক্ষৰ অনুৰেখ বিচাৰিবলৈ এটা C প্ৰগ্ৰাম লিখা।

- (f) Distinguish between formal arguments and actual arguments with a simple program for multiplying one integer number and one floating point number. Write a C program using function to obtain the greatest common divisor (GCD) of two integers m and n .

এটা পূৰ্ণ সংখ্যা আৰু এটা ফ্লটিং পইন্ট সংখ্যা গুণ কৰাৰ
বাবে এটা সৰল প্ৰগ্ৰাম লিখি ‘formal arguments’
আৰু ‘actual arguments’-ৰ মাজত পাৰ্থক্য বুজাই
দিয়া। দুটা সংখ্যা m আৰু n -ৰ গুৰি সাধাৰণ উৎপাদক
পাবলৈ ফাংচন ব্যৱহাৰ কৰি এটা C প্ৰগ্ৰাম লিখা।

- (g) How is a function declared in a C program and how is it called by the calling program? What are the differences between int type and void type user defined functions? Can void type function transfer computed values to calling program? Write a C program to find the sum of individual digits of a number using function.

C প্রগ্রেমত এটা ফাংচন কেনেকৈ ঘোষণা কৰা হয় আৰু 'calling program' ইয়াক কেনেকৈ 'call' কৰে? ব্যৱহাৰকাৰীয়ে সংজ্ঞায়িত কৰা ফাংচন 'int type' আৰু 'void type'-ৰ মাজত পাৰ্থক্য কি? void type ফাংচনে গণনা কৰা মানসমূহ 'calling program' লৈ স্থানান্তৰ কৰিব পাৰিবনে? ফাংচন ব্যৱহাৰ কৰি এটা সংখ্যাৰ অংককেইটাৰ যোগফল নিৰ্ণয় কৰিবলৈ এটা C প্রগ্রেম লিখা।

- (h) What is meant by recursive function or recursion? What are the uses of recursive functions? Write a C program, using recursive function, to compute x^n , for given values of x , n .

পুনরাবৃত্তিমূলক ফাংচন বা পুনরাবৃত্তি বুলিলে কি বুজোৱা
হয়? পুনরাবৃত্তিমূলক ফাংচনৰ ব্যৱহাৰ কি কি? x , n ৰ
প্ৰদত্ত মানৰ বাবে x^n গণনা কৰিবলৈ পুনরাবৃত্তিমূলক
ফাংচন ব্যৱহাৰ কৰি এটা C প্ৰগ্ৰাম লিখা।
